

2014—2015 学年第一次阶段考试卷

七年级数学

得分	评卷人

一、选择题 (每小题 3 分, 共 24 分)

- 已知集合 $A = \{x \mid |x-1| < 3\}$, 集合 $B = \{y \mid y = x^2 + 2x + 1, x \in \mathbb{R}\}$, 则 $A \cap \complement_U B$ 为 _____.
A. $[0, 4)$ B. $(-\infty, -2] \cup [4, +\infty)$
C. $(-2, 0)$ D. $(0, 4)$
- 若 a 、 b 是直线, α 、 β 是平面, 则以下命题中真命题是 _____.
A. 若 a 、 b 异面, $a \subset \alpha, b \subset \beta$, 且 $a \perp b$, 则 $\alpha \perp \beta$
B. 若 $a \parallel b, a \subset \alpha, b \subset \beta$, 则 $\alpha \parallel \beta$
C. 若 $a \parallel \alpha, b \subset \beta$, 则 a 、 b 异面
D. 若 $a \perp b, a \perp \alpha, b \perp \beta$, 则 $\alpha \perp \beta$
- 已知集合 $A = \{x \mid |x-1| < 3\}$, 集合 $B = \{y \mid y = x^2 + 2x + 1, x \in \mathbb{R}\}$, 则 $A \cap \complement_U B$ 为 _____.
A. $[0, 4)$ B. $(-\infty, -2] \cup [4, +\infty)$
C. $(-2, 0)$ D. $(0, 4)$
- 若 a 、 b 是直线, α 、 β 是平面, 则以下命题中真命题是 _____.
A. 若 a 、 b 异面, $a \subset \alpha, b \subset \beta$, 且 $a \perp b$, 则 $\alpha \perp \beta$
B. 若 $a \parallel b, a \subset \alpha, b \subset \beta$, 则 $\alpha \parallel \beta$
C. 若 $a \parallel \alpha, b \subset \beta$, 则 a 、 b 异面
D. 若 $a \perp b, a \perp \alpha, b \perp \beta$, 则 $\alpha \perp \beta$

得分	评卷人

二、填空题 (每小题 3 分, 共 21 分)

- 已知 $a = (k, -9)$ 、 $b = (-1, k)$, a 与 b 为平行向量, 则 $k =$ _____.
- 若函数 $f(x) = x^{6m^2-5m-4} (m \in \mathbb{Z})$ 的图像关于 y 轴对称, 且 $f(2) < f(6)$, 则 $f(x)$ 的解析式为 _____.
- 若 $f(x+1) = x^2 (x \leq 0)$, 则 $f^{-1}(1) =$ _____.
- 在 bg 糖水含糖 $ag (b > a > 0)$, 若再添加 mg 糖 ($m > 0$),
- 已知 $f(x) = 1 - \mathbf{c}_8^1 x + \mathbf{c}_8^2 x^2 - \mathbf{c}_8^3 x^3 + \cdots + \mathbf{c}_8^8 x^8$, 则 $f(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}\mathbf{i})$ 的值是 _____.
- 自然数 $1, 2, 3, \dots, 10$ 的方差记为 σ^2 , 其中的偶数 $2, 4, 6, 8, 10$ 的方差记为 σ_1^2 , 则 σ^2 与 σ_1^2 的大小关系为 σ^2 _____ σ_1^2 .
- 若 θ 为三角形的一个内角, 且 $\sin \theta + \cos \theta = \frac{2}{3}$, 则方程 $x^2 \csc \theta - y^2 \sec \theta = 1$ 表示的曲线的焦点坐标是 _____.
- 高为 h 的棱锥被平行于棱锥底面的截得棱台侧面积是原棱锥的侧面积的 $\frac{5}{9}$, 则截得的棱台的体积与原棱锥的体积之比是 _____.
- 以椭圆 $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$ 的右焦点为圆心, 且与双曲线 $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$ 的渐近线相切的圆方程是 _____.
- 若 $\sqrt{\sin x}$ 是有理数且 x 不是 $\frac{\pi}{6}$ 的整数倍, 则 x 可能取的值是 _____.
(只要求写出一个)
- 马路上有编号 1 到 10 的 10 盏路灯, 为节约用电又不影响照明, 可以关掉其中的 3 盏, 但又不能同时关掉相邻的两盏, 也不能关掉两端的路灯, 满足条件的关灯方法有 _____ 种.
- 以椭圆 $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$ 的右焦点为圆心, 且与双曲线 $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$ 的渐近线相切的圆方程是 _____.

17. 若 $\sqrt{\sin x}$ 是有理数且 x 不是 $\frac{\pi}{6}$ 的整数倍, 则 x 可能取的值是 _____ .
(只要求写出一个)
18. 马路上有编号 1 到 10 的 10 盏路灯, 为节约用电又不影响照明, 可以关掉其中的 3 盏, 但又不能同时关掉相邻的两盏, 也不能关掉两端的路灯, 满足条件的关灯方法有 _____ 种.
19. 以椭圆 $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$ 的右焦点为圆心, 且与双曲线 $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$ 的渐近线相切的圆方程是 _____ .

得分	评卷人

三、解答题 (本大题共 8 个小题, 满分 75 分)

20. 已知复数 z 满足: $|z| - z^* = \frac{10}{1 - w\mathbf{i}}$ (其中 z^* 是 z 的共轭复数) .
(1) (7 分) 求复数 z ;
(2) (7 分) 若复数 $w = \cos \theta + \mathbf{i} \sin \theta (\theta \in \mathbb{R})$, 求 $|z - 2|$ 的取值范围.

得分	
----	--

21. (14 分) 函数 $f(x) = 4 \sin \frac{\pi}{12} x \cdot \sin \left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{12} x \right), x \in [a, a+1]$, 其中常数 $a \in [0, 5]$, 求函数 $f(x)$ 的最大值 $g(a)$.

得分	
----	--

请
不
要
在
装
订
线
内
答
题

22. (16 分) 函数 $f(x) = 4 \sin \frac{\pi}{12} x \cdot \sin \left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{12} x \right), x \in [a, a+1]$, 其中常数 $a \in [0, 5]$, 求函数 $f(x)$ 的最大值 $g(a)$.

得分	
----	--

23. 已知复数 z 满足: $|z| - z^* = \frac{10}{1 - w\mathbf{i}}$ (其中 z^* 是 z 的共轭复数) .
(1) (8 分) 求复数 z ;
(2) (8 分) 若复数 $w = \cos \theta + \mathbf{i} \sin \theta (\theta \in \mathbb{R})$, 求 $|z - 2|$ 的取值范围.

得分	
----	--

24. (18 分) 函数 $f(x) = 4 \sin \frac{\pi}{12} x \cdot \sin \left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{12} x \right), x \in [a, a+1],$ 其中常数 $a \in [0, 5],$ 求函数 $f(x)$ 的最大值 $g(a).$

得分	
----	--